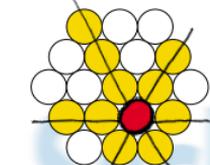


## Musteraufgabe:

In einem sechseckigen Feld von dicht gepackten Kreisen sollen möglichst viele Kreise gefärbt werden, allerdings so, daß auf jeder zu einer Sechsecksseite parallelen Reihe höchstens ein Kreis eingefärbt ist.

Die Abbildung zeigt ein Feld mit Kantenlänge 3 und einem rot eingefärbten Kreis. Die grauen Kreise geben die Reihen an, auf die der rote Kreis ausstrahlt. In diesen Reihen können also keine weiteren Kreise gefärbt werden.



### Aufgabe:

Schreibe ein Programm, welches die Kantenlänge des Feldes einliest und dazu die maximale Anzahl der Kreise bestimmt und einschließend ihrer Position ausgibt, die auf diesem Feld rot eingefärbt werden können, ohne daß eine zu einer Sechsecksseite parallele Reihe mehr als einen roten Kreis enthält.

► Sende uns mindestens drei Beispiele mit unterschiedlichen Kantenlängen.

(aus Platzgründen entfallen die Programmdokumentation und die Bildschirmabgabe)

### Lösungsidee:

Zunächst muß das Sechseck konstruiert werden, die einzelnen Punkte des Sechsecks werden als Objekte implementiert und kennen sowohl ihre Koordinaten (relativ zum mittleren Punkt, der die Koordination (0,0) erhält) als auch ihre Nachbarn. Das heißt, die Punkte werden sowohl gemäß ihrer Positionen in einer Matrix abgelegt, was bei der Konstruktion und Ausgabe des Sechsecks nützlich ist, als auch untereinander mit Zeigern verbunden, was die Färbung entlang der Sechseckskanten sehr einfach macht.

Um dann die eigentliche Lösung zu finden, werden die Steine mit Hilfe eines Backtracking-Algorithmus auf freie Felder platziert. Das Programm beginnt mit der Platzierung eines Steines auf dem Feld 0,0. Nach der Platzierung werden die Felder in der gleichen Reihe und dem Diagonalen markiert (gefärbt). Nun wird versucht, auf gleiche Weise weitere Steine zu setzen. Voraussetzung dafür ist, daß mindestens ein unmarkiertes Feld vorhanden ist. Ist dies nicht der Fall, werden die zuletzt gesetzte Stein und die durch ihn verursachten Markierungen entfernt und der Stein, wenn möglich, anders platziert.

Das Programm nummeriert die Felder bei ihrer Erzeugung durch und verwendet diese Nummern im weiteren Verlauf bei der Reihenfolge, in der die Felder besetzt werden, aber beliebig, sie hat keinen Einfluß auf die maximal setzbare Anzahl Steine. Die Steine werden auf die Felder in der Reihenfolge wachsender Nummern gesetzt. Dies reicht aus, alle übrigen möglichen Reihenfolgen (absteigend, alternierend) werden nicht ausprobiert. Das Programm bricht ab, wenn es alle möglichen Positionierungen geprüft oder 2 \* Anzahl Kantenlänge - 1 Steine platziert hat. (Das ist die maximal mögliche Zahl.)

(Alternative Lösungsidee: Die Felder werden nicht explizit markiert, sondern man prüft beim Setzen eines Steins, ob in den entsprechenden Zeilen und Diagonalen bereits Steine gesetzt sind.)

### Halbformale Programmbeschreibung:

Erzeuge den mittleren Punkt des Sechsecks (rekursiver Aufruf: Wenn ein Punkt erzeugt wird, werden auch alle neuen Nachbarpunkte, die noch im Sechseck liegen, erzeugt)

### wiederhole:

Ist die Anzahl der gesetzten Steine größer als die bisher beste Lösung?

Wenn ja, übernehm die als neue Lösung und gib sie aus (nicht unbedingt erforderlich)

Für alle Felder:

(in der vorgegebenen Reihenfolge)

Könnte auf dieses Feld ein Stein gesetzt werden?

Wenn ja:

Setze den Stein, markiere die Zeile und Diagonalen

Rufe die Schritte (wiederhole)

rekursiv auf

Entferne den Stein und die von ihm

erzeugten Markierungen

bis alle Kombinationen getestet oder das

Maximum erreicht wurde.

**Programmtext:** (zur Abwechslung in C++)

// Sechseck.cpp

#include <stdio.h>

#include <stdlib.h>

class Sechseck

class Punkt

```
{
protected:
    int iX, iY, iZ;
    Punk *Rechts, *Links, *RechtsOben,
        *LinksUnten, *RechtsUnten, *LinksOben;
    void SetzeTyp(int iNeuerTyp);
    void EntferneTyp(int iNeuerTyp);

public:
    Punkt(int iX, int iY);
    void BildeVerbindungen(Sechseck *Basis);
    void SetzePunkt();
    void EntfernePunkt();
    int iLiefereTyp();
};

typedef Punkt *PunktZeiger;

class Sechseck
{
protected:
    PunktZeiger *Punkte;
    PunktZeiger *PunktListe;
    int iKantenLaenge, iBreite, iNrPunkte;

public:
    Sechseck(int iKante);
    ~Sechseck();
    int NrPunkte();
    Punkt *PunktNr(int iNr);
    Punkt *LieferePunkt(int iX, int iY);
    Punkt *LiefereOderErzeugePunkt(int iX, int iY);
};
```

```
Punkt::Punkt(int iX, int iY)
{iX = X; iY = Y; iZ = 0; iZaehler = 0;}
```

```
void Punkt::BildeVerbindungen(Sechseck *Basis)
```

```
{
    Rechts = Basis->LiefereOderErzeugePunkt(iX+2,iY);
    if (Rechts != NULL) Rechts->Links = this;
    Links = Basis->LiefereOderErzeugePunkt(iX-2,iY);
    if (Links != NULL) Links->Rechts = this;
    RechtsOben = Basis->LiefereOderErzeugePunkt(iX+1,iY+1);
    if (RechtsOben != NULL) RechtsOben->LinksUnten = this;
    LinksUnten = Basis->LiefereOderErzeugePunkt(iX-1,iY-1);
    if (LinksUnten != NULL) LinksUnten->RechtsOben = this;
    RechtsUnten = Basis->LiefereOderErzeugePunkt(iX+1,iY-1);
    if (RechtsUnten != NULL) RechtsUnten->LinksOben = this;
    LinksOben = Basis->LiefereOderErzeugePunkt(iX-1,iY+1);
    if (LinksOben != NULL) LinksOben->RechtsUnten = this;
};
```

```
void Punkt::SetzeTyp(int iNeuerTyp)
```

```
{
    if (iTyp == iNeuerTyp) iZaehler++;
    else
        iTyp = iNeuerTyp;
    iZaehler = 1;
};
```

```
void Punkt::EntferneTyp(int iNeuerTyp)
```

```
{
    if (iZaehler < 2)
        iZaehler = 1;
    else iZaehler--;
};
```

```
int Punkt::LiefereTyp()
```

```
(return iZaehler)
```

```
void Punkt::SetzePunkt()
```

```
Punkt *i;
i = Rechts;
while (i != NULL)
    while (i != NULL)
        i->Links;
i = Links;
while (i != NULL)
    while (i != NULL)
        i->Rechts;
i = RechtsOben;
while (i != NULL)
    while (i != NULL)
        i->LinksUnten;
i = RechtsUnten;
while (i != NULL)
    while (i != NULL)
        i->LinksOben;
i = LinksOben;
while (i != NULL)
    while (i != NULL)
        i->RechtsUnten;
i = LinksUnten;
while (i != NULL)
    while (i != NULL)
        i->RechtsOben;
};
```

```
void Punkt::EntfernePunkt()
```

```
Punkt *i;
i = Rechts;
while (i != NULL)
    while (i != NULL)
        i->Links;
i = Links;
while (i != NULL)
    while (i != NULL)
        i->Rechts;
i = RechtsOben;
while (i != NULL)
    while (i != NULL)
        i->LinksUnten;
i = RechtsUnten;
while (i != NULL)
    while (i != NULL)
        i->LinksOben;
i = LinksOben;
while (i != NULL)
    while (i != NULL)
        i->RechtsUnten;
i = LinksUnten;
while (i != NULL)
    while (i != NULL)
        i->RechtsOben;
};
```

```
while (i != NULL)
    i->LinksOben;
i = LinksUnten;
while (i != NULL)
    i->LinksUnten;
};
SetzeTyp(0);
};
```

```
Sechseck::Sechseck(int iKante)
```

```
{
    iKantenLaenge = iKante;
    iBreite = 2 * iKante - 1;
    iBreite = 2;
    iNrPunkte = 1;
    for (iA = 0; iA < iKante; iA++)
        iNrPunkte += 6 * iA;
    PunktListe = new PunktZeiger[iNrPunkte];
    iNrPunkte = 1;
    Punkte = new PunktZeiger[iNrPunkte];
    for (iA = 0; iA < iKante; iA++)
        Punkte[iA] = NULL;
    PunktListe[0] = new Punkt(0,0);
    (PunktListe[iKante]-iKante)-iKante;
    PunktListe[iKante]-iKante;
};
```

```
Sechseck::~Sechseck()
```

```
{
    int iA;
    for (iA = 0; iA < iNrPunkte; iA++)
        delete PunktListe[iA];
};
```

```
Punkt *Sechseck::LieferePunkt(int iX, int iY)
```

```
{
    if ((abs(iX) >= 2 * iKantenLaenge) || (abs(iY) >=
        iKantenLaenge)) return NULL;
    if ((abs(iX) >= (iKantenLaenge - abs(iY))) return NULL;
    PunktListe[iKantenLaenge * iBreite + iX +
        iKantenLaenge];
};
```

```
Punkt *Sechseck::LiefereOderErzeugePunkt(int iX, int iY)
```

```
{
    int iA, iB;
    if ((abs(iX) >= 2 * iKantenLaenge) || (abs(iY) >=
        iKantenLaenge)) return NULL;
    if ((abs(iX) >= (iKantenLaenge - abs(iY))) return NULL;
    iA = iX - iKantenLaenge;
    iB = iY - iKantenLaenge;
    if (Punkte[iB * iBreite + iA] == NULL)
        (Punkte[iB * iBreite + iA] =
            new Punkt(iX, iY))-BildeVerbindungen(this);
    PunktListe[iNrPunkte + i] = Punkte[iB * iBreite + iA];
    return Punkte[iB * iBreite + iA];
};
```

```
Punkt *Sechseck::PunktNr(int iNr)
```

```
(return PunktListe[iNr])
```

```
Sechseck *Form;
```

```
int iBest, iMaximum, iKantenLaenge, iNrPunkte;
```

```
void ZeigeSechseck()
```

```
for (iX, iY;
```

```
iY <= -iKantenLaenge+1; iY <= iKantenLaenge; iY++)
```

```
for (iX = -(iKantenLaenge-1)/2;
```

```
iX <= (iKantenLaenge-1)/2; iX++)
```

```
if (Form->LieferePunkt(iX, iY) == NULL) printf(" ");
```

```
else
```

```
switch (Form->LieferePunkt(iX, iY)-LiefereTyp()) {
```

```
case 0: printf(" "); break;
```

```
case 1: printf("O"); break;
```

```
case 2: printf("+"); break;
```

```
};
```

```
printf("\n");
```

```
};
```

```
int Suche(int iPunkte, int iStart)
```

```
{
```

```
int iA;
```

```
Punkt *P;
```

```
if (iPunkte < Best)
```

```
{
```

```
Best = iPunkte;
```

```
printf("%i\n", iBest);
```

```
ZeigeSechseck();
```

```
if (Best == iMaximum) return 1;
```

```
for (iA = iStart; iA < iNrPunkte; iA++)
```

```
if (iP == Form->PunktNr(iA))-LiefereTyp() == 0)
```

```
P->SetzePunkt();
```

```
if (Suche(Punkte[iA]+1, iA+1) return 1;
```

```
P->EntfernePunkt();
```

```
return 0;
```

```
};
```

```
int main()
```

```
{
```

```
printf("Kantenlaenge: ");
```

```
scanf("%i", &iKantenLaenge);
```

```
Best = 0;
```

```
iMaximum = 2 * iKantenLaenge - 1;
```

```
Form = new Sechseck(iKantenLaenge);
```

```
iNrPunkte = Form->NrPunkte();
```

```
Suche(0);
```

```
delete Form;
```

```
return 0;
```